

12. వికీరణం, ద్రవ్యాల ద్వంద్వ స్వభావం

ముఖ్య విషయాలు

- ◆ అల్పపీడనాల వద్ద ఉత్సర్గనాళంలో జరిగే విద్యుత్ ఉత్సర్గం ఎలక్ట్రానుల ఆవిష్కరణకు దారితీసింది.
- ◆ E తీవ్రత గల విద్యుత్ క్షేత్రంలో ఉంచిన ఎలక్ట్రాన్ 'e' పై పనిచేయు బలం $F = Ee$
- ◆ ఒక కణం యొక్క ఆవేశానికి మరియు ద్రవ్యరాశికి మధ్యగల నిష్పత్తిని విశిష్టావేశం అంటారు.
- ◆ B తీవ్రత గల అయస్కాంత క్షేత్రములోనికి లంబముగా 'v' వేగంతో ప్రవేశించిన ఆవేశం 'q' పై పనిచేయు బలం $F = Bqv$. ఈ బలం లంబంగా పనిచేయటం వలన
- ◆ లంబ అయస్కాంత క్షేత్రములో ఆవేశము వృత్తాకార మార్గంలో చలింతును. $B q v = \frac{m v^2}{r}$ ఇందు v ఎలక్ట్రాన్ వేగం.
- ◆ విద్యుత్క్షేత్రం మరియు అయస్కాంతక్షేత్రం B వలన ఎలక్ట్రాన్ గమన దిశ మారకపోతే, ఎలక్ట్రాన్ వేగం $v = \frac{E}{B}$.
- ◆ విద్యుత్క్షేత్రం వలన ఎలక్ట్రాన్ల గతిశక్తి $\frac{1}{2} m v^2 = Ve$ ఇందులో $v =$ ఎలక్ట్రాన్ వేగం
- ◆ థామ్సన్ ప్రయోగం నుంచి, $\frac{e}{m} = \frac{E^2}{2VB^2}$.
- ◆ ఎలక్ట్రాన్ విశిష్టావేశం విలువ 1.76×10^{11} కూ. కిగ్రా⁻¹.
- ◆ క్షార లోహాల తలాల పై నియమిత పౌనఃపున్యము గల వికీరణం పతనమయిన, ఆ తలం నుంచి ఎలక్ట్రానులు వెలువడుటను కాంతి విద్యుత్ ఫలితం అంటారు.
- ◆ కాంతి విద్యుత్ ఫలితాన్ని ఐన్స్టీన్ క్వాంటమ్ సిద్ధాంతాన్ని ఉపయోగించి వివరించాడు.
- ◆ అవరోధ పొటెన్షియల్ V_0 వద్ద ఎలక్ట్రాన్ గతి శక్తి $V_0 e = \frac{1}{2} m v_{\max}^2$
- ◆ లోహంలోని లోహతలం నుంచి ఎలక్ట్రాన్ బయటకు రావడానికి అవసరమగు కనీస శక్తిని పనిప్రమేయం (W_0) అంటారు. పని ప్రమేయం $W_0 = h\nu_0$ ఇక్కడ ν_0 ఆరంభ పౌనఃపున్యం.
- ◆ ఐన్స్టీన్ కాంతి విద్యుత్ సమీకరణం, $h\nu = \frac{1}{2} m v^2 + W_0$
- ◆ లోహ ఉపరితలం నుంచి ఎలక్ట్రాన్ బయటకు రావడానికి పతన వికీరణానికి అవసరమగు కనీస పౌనఃపున్యాన్ని ఆరంభ పౌనఃపున్యం (ν_0) అంటారు.
- ◆ ఆరంభ పౌనఃపున్యం $\nu_0 = \frac{W_0}{h}$
- ◆ కాంతి ఎలక్ట్రానుల గరిష్ట గతిశక్తి పతన వికీరణం పౌనఃపున్యం పై ఆధారపడి ఉంటుంది. కాని పతన వికీరణం తీవ్రత పై ఆధారపడి ఉండదు.
- ◆ ఆరంభ తరంగ దైర్ఘ్యం $\lambda_0 = \frac{hc}{W_0}$

$$E = \frac{12,400}{\lambda} eV \quad \text{లేదా} \quad \lambda = \frac{12,400}{E} \text{Å}.$$

- ◆ కాంతి విద్యుత్ ఘటం కాంతిశక్తిని విద్యుత్ శక్తిని మారుస్తుంది.
- ◆ విద్యుదయస్కాంత వికిరణం ద్వంద్వ స్వభావాన్ని ప్రదర్శిస్తుంది. చలించే కణం తరంగం వలె ప్రవరిస్తే ఆ తరంగాన్ని ద్రవ్యతరంగం అంటారు. ఈ తరంగాల తరంగదైర్ఘ్యం $\lambda = \frac{h}{p}$ ఇందు 'h' ప్లాంక్ స్థిరాంకం మరియు p కణం యొక్క ద్రవ్యవేగం.

- ◆ డీ-బ్రాగ్లీ తరంగ దైర్ఘ్యం $\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{mv}$ లేదా $\lambda = \frac{h}{\sqrt{2mE}}$

అతిస్వల్ప సమాధాన ప్రశ్నలు

1. కాథోడ్ కిరణాలు ఏమిటి?

జ: కాథోడ్ కిరణాలు వేగంగా చలించే ఎలక్ట్రాన్ల సమాదాయము. వీటి వేగము కాంతి వేగంలో సుమారు 0.2 రెట్లు ఉంటుంది.

2. మిల్లికాన్ ప్రయోగం ఏ ముఖ్యమైన యధార్థాన్ని వెలువరించింది?

జ: ఐన్స్టీన్ కాంతి విద్యుత్ సమీకరణం సరి అయినది అని మిల్లికాన్ ప్రయోగం నిరూపించింది. ఈ ప్రయోగం ద్వారా మిల్లికాన్ ప్లాంక్ స్థిరాంకం 'h' విలువను కనుగొన్నాడు.

3. పని ప్రమేయం అంటే ఏమిటి?

జ: పని ప్రమేయం (ϕ):

కాంతి లోహతలం నుండి ఎలక్ట్రాన్లను బయటకు తీసుకురావడానికి పతనకాంతికి ఉండవలసిన కనీస శక్తిని పనిప్రమేయం (ϕ) అంటారు.

పని ప్రమేయము (ϕ) ఇచ్చిన లోహతలం స్వభావం మీద ఆధారపడి ఉంటుంది.

4. ఫోటోవిద్యుత్ ఫలితం అంటే ఏమిటి?

జ: కాంతి విద్యుత్ ప్రభావము:

క్షార లోహ ఉపరితలాల పై నియమిత తరంగదైర్ఘ్యం లేదా పౌనఃపున్యం ఉన్న కాంతి (లేదా) విద్యుదయస్కాంత వికిరణము పతనమైనపుడు ఆలోహ ఉపరితలాల నుండి ఎలక్ట్రాన్లు విడుదలగుటను కాంతి విద్యుత్ ఫలితము అంటారు. ఉద్గారమయిన ఎలక్ట్రాన్లను కాంతి ఎలక్ట్రాన్లు అంటారు.

5. ఫోటో నూక్ల్యగ్రాహ్యక వదార్థాలకు ఉదాహరణలివ్వండి. వాటిని ఆ విధంగా ఎందుకు పిలుస్తారు?

జ: సోడియం, పోటాషియం, సీజియం వంటి క్షార లోహ ఉపరితలాల పై దృశ్య కాంతి పతనం చెందితే కాంతి ఎలక్ట్రాన్లు విడుదల అవుతాయి.

కాంతి పతనం చెందితే ఎలక్ట్రాన్లు విడుదల కావడం వలన, పై వదార్థాలను కాంతి ఉద్గారతలాలు అని పిలుస్తారు.

6. ఐన్స్టీన్ ఫోటోవిద్యుత్ సమీకరణాన్ని రాయండి.

జ: కాంతి ఎలక్ట్రాన్ గరిష్ఠ గతిజశక్తి (KE_{\max}) పతనకాంతి ఫోటాన్ శక్తి మరియు ఆ కాంతి ఉద్గారతలం పని ప్రమేయాల భేదానికి సమానం.

$$\therefore KE_{\max} = h\nu - \phi_0 \text{ లేదా } V_0 = \frac{h}{e}\nu - \frac{\phi_0}{e}$$

7. డీ-బ్రాగ్లీ సంబంధాన్ని రాసి, అందులోని వదాలను వివరించండి.

జ: ద్రవ్యం ద్వంద్వ స్వభావాన్ని కలిగి ఉంటుందని డీబ్రోగ్లీ ప్రతిపాదించాడు. ప్రకృతి సౌష్ఠవభరితం. కాబట్టి ద్రవ్యం వికిరణంలాగా ద్వంద్వ స్వభావాన్ని కలిగి ఉంటుంది. డీబ్రోగ్లీ ప్రతిపాదన ప్రకారం చలించే పదార్థం కొన్ని సార్లు తరంగ స్వభావాన్ని మరియు కొన్ని సార్లు కణ స్వభావాన్ని కలిగిఉంటుంది.

పదార్థంతో అనుసంధానమైన తరంగం తరంగదైర్ఘ్యం $\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{mv}$

8. హైసన్ బర్గ్ అనిశ్చితత్వ నూత్రాన్ని పేర్కొనండి.

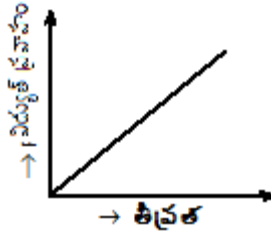
జ: హైసన్ బర్గ్ అనిశ్చితత్వ సిద్ధాంతము:

ఏకకాలంలో ఎలక్ట్రాన్ యొక్క స్థానాన్ని మరియు ద్రవ్యవేగాన్ని ఖచ్చితంగా కనుగొనలేము అని హైసన్ బర్గ్ ప్రతిపాదించినాడు. దీనినే హైసన్ బర్గ్ అనిశ్చితత్వ సిద్ధాంతము అంటారు.

స్వల్ప నమాధాన ప్రశ్నలు

1. ఫోటో విద్యుత్ ప్రవాహం పై i) కాంతి తీవ్రత ii) పొటెన్షియల్ లు కలిగించే ప్రభావం ఏమిటి?

జ: i) కాంతి తీవ్రత ప్రభావం : కాంతి తీవ్రత పెరిగిన, ఫోటో విద్యుత్ ప్రవాహం కూడా పెరుగును. అనగా కాంతి విద్యుత్ ప్రవాహము పతన కాంతి తీవ్రతకు అనులోమానుపాతంలో ఉంటుంది ($i \propto I$).

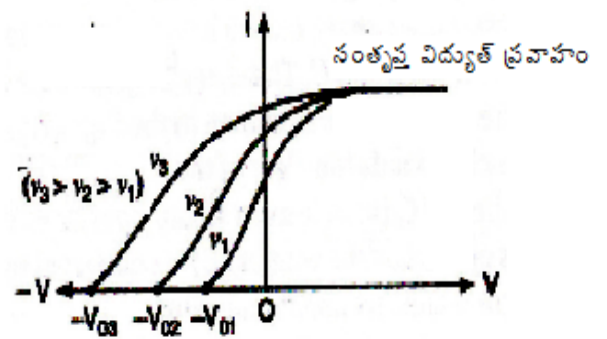
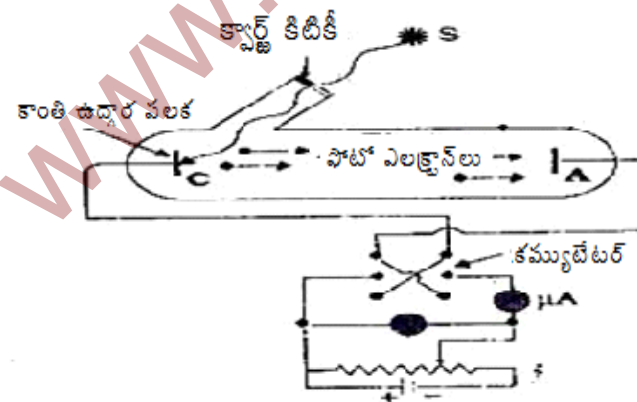


2) పొటెన్షియల్ ప్రభావం:

- 1) ఫోటో ఎలక్ట్రాన్లను సేకరించు ఎలక్ట్రోడ్ ధన పొటెన్షియల్ పెంచిన, ఫోటో విద్యుత్ ప్రవాహము పెరుగును. ఫోటో విద్యుత్ ప్రవాహం గరిష్ఠం అగు నిర్దిష్ట ధన పొటెన్షియల్ ను సంతృప్త విద్యుత్ ప్రవాహం అంటారు.
- 2) సేకరణి ఎలక్ట్రోడ్ యొక్క ఋణ పొటెన్షియల్ పెంచిన, ఫోటో విద్యుత్ ప్రవాహం క్రమంగా తగ్గును. ఫోటో విద్యుత్ ప్రవాహం శూన్యం అగు నిర్దిష్ట ఋణ పొటెన్షియల్ ను నిరోధక పొటెన్షియల్ అంటారు.
- 3) నిరోధక పొటెన్షియల్ పతనకాంతి తీవ్రత పై ఆధారపడదు. తీవ్రత పెంచిన నిరోధక పొటెన్షియల్ విలువ మారదు.

2. నిరోధక పొటెన్షియల్ పైన వతన వికీరణ పౌనఃపున్యం ప్రభావాన్ని అధ్యయనం చేయడానికి ఒక ప్రయోగాన్ని వర్ణించండి.

జ: నిరోధక పొటెన్షియల్ పై వతనకాంతి వికీరణ పౌనఃపున్యం ప్రభావం :



ప్రయోగ అమరిక పటంలో చూపబడింది. తగినంత శక్తి ($E = hv$) ఉన్న ఏకపర్ణ కాంతి, కాంతి ఉద్ఘాత పలక C పై పతనమయిన, ఉద్ఘాతమగు ఎలక్ట్రాన్లను సేకరణి పలక A సేకరిస్తుంది. కమ్యుటేటర్ (దిక్ పరివర్తకం) మరియు A ల ద్రువణతను ఉత్తమం చేస్తుంది.

ఫోటో ఎలక్ట్రాన్లను సేకరించు ఎలక్ట్రోడ్ ధన పొటెన్షియల్ పెంచిన, ఫోటో విద్యుత్ ప్రవాహము పెరుగును. ఫోటో విద్యుత్

ప్రవాహం గరిష్ఠం అగు నిర్దిష్ట ధన పొటెన్షియల్‌ను సంతృప్త విద్యుత్ ప్రవాహం అంటారు.

నియమిత పౌనఃపున్యము గల వికిరణము, సేకరణి ఎలక్ట్రోడ్ యొక్క ఋణ పొటెన్షియల్ పెంచిన, ఫోటో విద్యుత్ ప్రవాహం క్రమంగా తగ్గును. ఫోటో విద్యుత్ ప్రవాహం ఘన్యం అగు నిర్దిష్ట ఋణ పొటెన్షియల్‌ను నిరోధక పొటెన్షియల్ అంటారు.

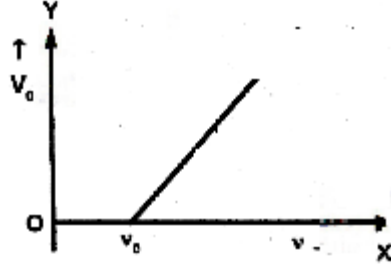
ఈ విధంగా వేరు వేరు పతన వికిరణ పౌనఃపున్యాలకు ఇచ్చిన లోహ తలానికి నిరోధక పొటెన్షియల్ విలువలను కనుగొనవచ్చును.

పొటెన్షియల్ (V) విలువలను X - అక్షం పైన మరియు ఫోటో విద్యుత్ ప్రవాహం (I) విలువలను Y - అక్షం పైన తీసుకొని గీసిన గ్రాఫ్ పటంలో చూపబడినది. గ్రాఫ్ నుండి

1) వేర్వేరు వికిరణ పౌనఃపున్యాలకు, వేర్వేరు నిరోధక పొటెన్షియల్ విలువలు ఉండును

2) హెచ్చు పతన వికిరణ పౌనఃపున్యంనకు, నిరోధక పొటెన్షియల్ రుణ విలువ చాలా ఎక్కువగా ఉండును.

3) సంతృప్త విద్యుత్ ప్రవాహం విలువ పతన వికిరణ తీవ్రత పై ఆధారపడును. సంతృప్త విద్యుత్ ప్రవాహం విలువ పతన వికిరణ పౌనఃపున్యం పై ఆధారపడును.



పతన వికిరణ పౌనఃపున్యం ' ν ' ను X - అక్షం పైన మరియు నిరోధక పొటెన్షియల్ (V_0) విలువలను Y - అక్షం పైన తీసుకొని గీసిన గ్రాఫ్ పటంలో చూపబడినది.

X - అక్షం పై అంతర ఖండము (ν_0) లోహ తలానికి ఆరంభ పౌనఃపున్యమును తెలియజేయును. వాలు $\frac{h}{e}$ విలువను సూచించును.

3. విద్యుదయస్కాంత వికిరణానికి ఉన్న ఫోటాన్ చిత్రణను సారాంశీకరించండి.

జ: విద్యుదయస్కాంత వికిరణం వియుక్తమైన ఒక ప్రాథమిక విలువ గల శక్తి క్వాంటమ్‌లను కలిగి ఉండును. కాంతి విషయంలో శక్తి క్వాంటమ్‌ను ఫోటాన్ అంటారు.

ఫోటాన్ ద్రవ్య వేగం $P = mc$

$$P = \frac{h\nu}{c} = mc$$

క్వాంటమ్ యొక్క శక్తి $E = h\nu = \frac{hc}{\lambda}$

కాంతి ఫోటాన్ల ధర్మాలు:

1) కాంతి ఫోటాన్ శక్తి $E = h\nu$, ఫోటాన్ ద్రవ్యవేగం $p = \frac{h\nu}{c}$

2) కాంతి వికిరణం ద్రవ్యంతో చర్య జరిపేటప్పుడు ఫోటాన్ కణం వలె ప్రవర్తిస్తుంది

3) ఫోటాన్లకు ఆవేశం లేకపోవుటవల్ల, ఇవి విద్యుత్ మరియు అయస్కాంత క్షేత్రాల వల్ల ప్రభావితం కావు.

4. 0.12kg ల ద్రవ్యరాశి కలిగి వడి 20ms^{-1} తో చలిస్తున్న బంతి డీ-బ్రాగ్లీ తరంగదైర్ఘ్యం ఎంత? ఈ ఫలితం నుంచి మనం చేయగలిగే అనుమితి ఏమిటి?

జ: $m = 0.12$ కి.గ్రా; $v = 20\text{m/s}$; $h = 6.63 \times 10^{-34}\text{J}$

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{mv}$$

$$\therefore \lambda = \frac{6.63 \times 10^{-34}}{0.12 \times 20} = \frac{6.63 \times 10^{-34}}{2.4} = 2.762 \times 10^{-34} \text{ m}$$

కావున ఆ బంతి డీ-బ్రాగ్లీ తరంగదైర్ఘ్యం చాలా తక్కువ.

దీర్ఘ సమాధాన ప్రశ్నలు

1. ఫోటో విద్యుత్ ప్రవాహం పై తీవ్రత, పొటెన్షియల్లు కలిగించే ప్రభావాన్ని ఐన్‌స్టీన్ ఫోటో విద్యుత్ సమీకరణం ఏ విధంగా వివరించింది? నిరోధక పొటెన్షియల్ పై ఉండే వతన కాంతి పొసాపున్యం ప్రభావాన్ని ఈ సమీకరణం ఏ విధంగా వివరిస్తుంది.?

జ: కాంతి విద్యుత్ ఫలితాన్ని ఐన్‌స్టీన్ క్వాంటమ్ సిద్ధాంతాన్ని ఉపయోగించి వివరించాడు. క్షార లోహాల తలాల పై నియమిత పొసాపున్యము గల వికిరణం పతనమయిన, ఆ తలం నుంచి ఎలక్ట్రానులు వెలువడును. కాంతి పుంజం $E = h\nu$ అను శక్తి ప్యాకెట్లను కలిగి ఉండునని ఐన్‌స్టీన్ ప్రతిపాదించాడు. వీటినే ఫోటాన్లు లేక క్వాంటం అంటారు. ఇందు 'h' ప్లాంక్ స్థిరాంకం, ν పతన వికిరణ పొసాపున్యం.

పతన వికిరణ శక్తి లోహ లోహాల తలాల పని ప్రయేయం ($\phi_0 = h\nu_0$) కన్నా ఎక్కువగా ఉంటే గరిష్ట గతిజశక్తితో ఎలక్ట్రాన్

ఉద్ధారమగును. ఎలక్ట్రాన్ గరిష్ట గతిజశక్తి *i.e.*, $K_{\text{గరిష్ట}} = \frac{1}{2}mv^2_{\text{గరిష్ట}}$

$$h\nu = \phi_0 + \frac{1}{2}mv^2 = h\nu_0 + \frac{1}{2}mv^2$$

దీనిని ఐన్‌స్టీన్ ఫోటో విద్యుత్ సమీకరణం అంటారు.

కాంతి విద్యుత్ ప్రవాహం పై కాంతి తీవ్రత:

i) కాంతి తీవ్రత ప్రభావం :

కాంతి తీవ్రత పెరిగిన, ఫోటో విద్యుత్ ప్రవాహం కూడా పెరుగును. అనగా కాంతి విద్యుత్ ప్రవాహము పతన కాంతి తీవ్రతకు అనులోమానుపాతంలో ఉంటుంది ($i \propto I$).

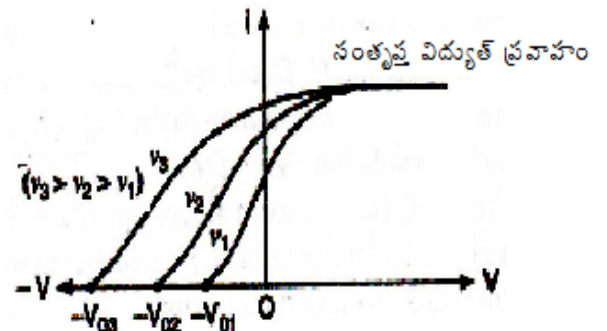
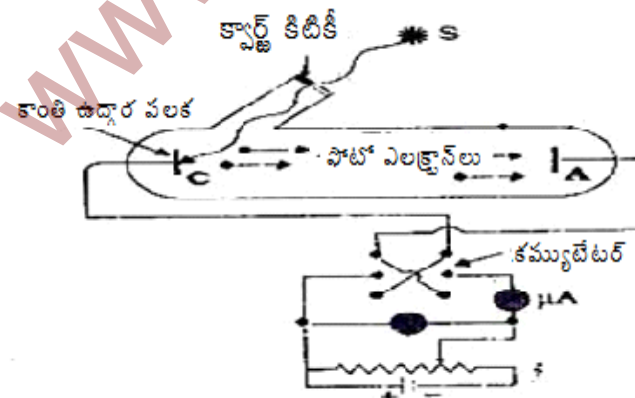
2) పొటెన్షియల్ ప్రభావం:

1) ఫోటో ఎలక్ట్రాన్లను సేకరించు ఎలక్ట్రోడ్ ధన పొటెన్షియల్ పెంచిన, ఫోటో విద్యుత్ ప్రవాహము పెరుగును. ఫోటో విద్యుత్ ప్రవాహం గరిష్టం అగు నిర్దిష్ట ధన పొటెన్షియల్ను సంతృప్త విద్యుత్ ప్రవాహం అంటారు.

2) సేకరణి ఎలక్ట్రోడ్ యొక్క ఋణ పొటెన్షియల్ పెంచిన, ఫోటో విద్యుత్ ప్రవాహం క్రమంగా తగ్గును. ఫోటో విద్యుత్ ప్రవాహం శూన్యం అగు నిర్దిష్ట ఋణ పొటెన్షియల్ను నిరోధక పొటెన్షియల్ అంటారు.

3) నిరోధక పొటెన్షియల్ వతనకాంతి తీవ్రత పై ఆధారపడదు. తీవ్రత పెంచిన నిరోధక పొటెన్షియల్ విలువ మారదు.

నిరోధక పొటెన్షియల్ పై వతనకాంతి వికిరణ పొసాపున్యం ప్రభావం :



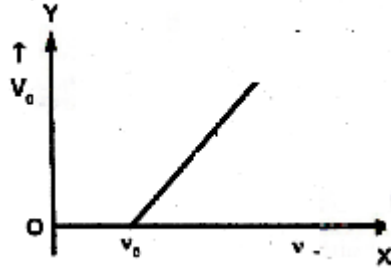
ప్రయోగ అమరిక పటంలో చూపబడింది. తగినంత శక్తి ($E = h\nu$) ఉన్న ఏకవర్ణ కాంతి, కాంతి ఉద్ధార పలక C పై పతనమయిన, ఉద్ధారమగు ఎలక్ట్రాన్లను సేకరణి పలక A సేకరిస్తుంది. కమ్ముటేటర్ (దిక్ పరివర్తకం) మరియు A ల ద్రువణతను ఉత్తమం చేస్తుంది.

ఫోటో ఎలక్ట్రాన్లను సేకరించు ఎలక్ట్రోడ్ ధన పొటెన్షియల్ పెంచిన, ఫోటో విద్యుత్ ప్రవాహము పెరుగును. ఫోటో విద్యుత్ ప్రవాహం గరిష్ఠం అగు నిర్దిష్ట ధన పొటెన్షియల్ను సంతృప్త విద్యుత్ ప్రవాహం అంటారు.

నియమిత పౌనఃపున్యము గల వికిరణము, సేకరణి ఎలక్ట్రోడ్ యొక్క ఋణ పొటెన్షియల్ పెంచిన, ఫోటో విద్యుత్ ప్రవాహం క్రమంగా తగ్గును. ఫోటో విద్యుత్ ప్రవాహం శూన్యం అగు నిర్దిష్ట ఋణ పొటెన్షియల్ను నిరోధక పొటెన్షియల్ అంటారు. ఈ విధంగా వేరు వేరు పతన వికిరణ పౌనఃపున్యాలకు ఇచ్చిన లోహ తలానికి నిరోధక పొటెన్షియల్ విలువలను కనుగొనవచ్చును.

పొటెన్షియల్ (V) విలువలను X - అక్షం పైన మరియు ఫోటో విద్యుత్ ప్రవాహం (I) విలువలను Y - అక్షం పైన తీసుకొని గీసిన గ్రాఫ్ పటంలో చూపబడినది. గ్రాఫ్ నుండి

- 1) వేర్వేరు వికిరణ పౌనఃపున్యాలకు, వేర్వేరు నిరోధక పొటెన్షియల్ విలువలు ఉండును
- 2) హెచ్చు పతన వికిరణ పౌనఃపున్యంనకు, నిరోధక పొటెన్షియల్ రుణ విలువ చాలా ఎక్కువగా ఉండును.
- 3) సంతృప్త విద్యుత్ ప్రవాహం విలువ పతన వికిరణ తీవ్రత పై ఆధారపడును. సంతృప్త విద్యుత్ ప్రవాహం విలువ పతన వికిరణ పౌనఃపున్యం పై ఆధారపడదు.



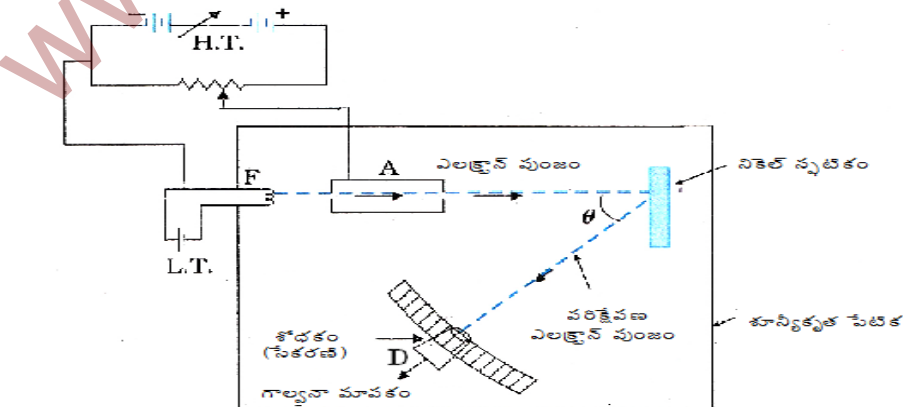
పతన వికిరణ పౌనఃపున్యం ' ν ' ను X - అక్షం పైన మరియు నిరోధక పొటెన్షియల్ (V_0) విలువలను Y - అక్షం పైన తీసుకొని గీసిన గ్రాఫ్ పటంలో చూపబడినది.

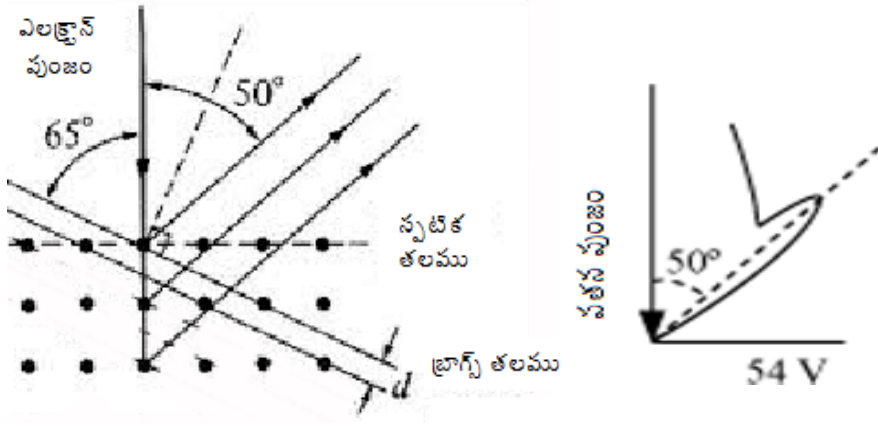
X - అక్షం పై అంతర ఖండం (ν_0) లోహ తలానికి ఆరంభ పౌనఃపున్యమును తెలియచేయును. వాలు $\frac{h}{e}$ విలువను సూచించును.

2. డేవిన్సన్, ఔర్మర్ల ప్రయోగాన్ని వర్ణించండి. ఈ ప్రయోగం నిష్కర్షగా నిరూపించిందేమిటి

జ: డేవిన్సన్ మరియు ఔర్మర్ ప్రయోగము:

ప్రయోగ అమరిక పటంలో చూపబడింది. సూప్లం A నుండి వెలువడు సూక్ష్మ సమాంతరీకృత ఎలక్ట్రాన్ పుంజం నికెల్ స్ఫటికం పై పతనమవుతుంది. స్ఫటిక పరమాణువులచే ఎలక్ట్రాన్ లు అన్ని దిశలలోనికి పరిక్షిప్తము చెందును. ఎలక్ట్రాన్ శోధకం (సేకరణి)తో ఎలక్ట్రాన్ పరిక్షేపణ తీవ్రతను కొలవవచ్చును. శోధకంను వృత్తాకార స్కేలు పై జరిపి సున్నితమైన గాల్యనామాపకంతో, విద్యుత్ ప్రవాహంను నమోదు చేయవచ్చును. పరికరము అంతా శూన్యీకృత పేటికలో ఆవృతమై ఉంటుంది. సేకరణిలోనికి ప్రవేశించే ఎలక్ట్రాన్ పుంజం తీవ్రత గాల్యనా మాపకం అపవర్తనంకు అనులోమానుపాతంలో ఉండును.





1) త్వరణ వోల్టేజి $44V$ నుండి $68V$ వరకు మార్పుతూ ప్రయోగం నిర్వహించబడింది. $54V$ కు 50° వద్ద తీవ్రత గరిష్ఠం అని కనుగొనబడింది.

2) $\theta = 50^\circ$ ల వద్ద ఎలక్ట్రాన్ పుంజము స్పర్శకోణం ϕ (ఎలక్ట్రాన్ పరిక్షేపణ పుంజము స్ఫటిక పరమాణువుల తలంతో చేయ కోణం) ను క్రింద విధంగా గణించవచ్చును.

$$\phi + \theta + \phi = 180^\circ$$

$$\phi + \frac{1}{2}[180^\circ - 50^\circ] = 65^\circ$$

3) బ్రాగ్లీ నియమము ప్రకారము మొదటి కోటి ($n=1$) గరిష్ఠంనకు $2d \sin \phi = 1 \times \lambda$

$$\Rightarrow \lambda = 2 \times 0.91 \times \sin 65^\circ = 1.65 \text{ \AA} = 0.165 \text{ nm} \text{ (ఘమాారుగా)}$$

[\because నికెల్ స్ఫటికంలో పరమాణు దూరం $d = 0.91 \text{ \AA}$]

4) డీ బ్రోగ్లీ భావన ప్రకారం, ఎలక్ట్రాన్లతో అనుబంధితమై ఉండే తరంగదైర్ఘ్యం

$$\lambda = \frac{12.27 \text{ \AA}}{\sqrt{V}} = \frac{12.27}{\sqrt{54}} = 1.67 \text{ \AA} = 0.167 \text{ nm} \text{ (సిద్ధాంతపరంగా)}$$

5) డీ బ్రోగ్లీ తరంగదైర్ఘ్యానికి గల సైద్ధాంతిక విలువ, ప్రయోగాత్మకంగా పొందిన విలువల మధ్య అత్యుత్తమైన పరస్పర అంగీకారం ఉంది.

అభ్యాసాలు

1. $30kV$ ఎలక్ట్రాన్ల వల్ల ఉత్పతయ్యే X - కిరణాల
 ఎ) గరిష్ఠ పొనఃపున్యాన్ని బి) కనిష్ఠ తరంగదైర్ఘ్యాన్ని కనుక్కోండి.

జ: $V = 30kV = 30 \times 10^3 V = 3 \times 10^4 V$

ఎ) $eV = hv$ లేక $v = \frac{eV}{h} = \frac{(1.6 \times 10^{-19}) \times 3 \times 10^4}{6.63 \times 10^{-34}} = 7.24 \times 10^{18} \text{ Hz}$

బి) $eV = \frac{hc}{\lambda_{\min}}$ లేక $\lambda_{\min} = \frac{hc}{eV} = \frac{(6.63 \times 10^{-34}) \times (3 \times 10^8)}{(1.6 \times 10^{-19}) \times (3 \times 10^4)} = 0.041 \times 10^{-9} \text{ m}$

2. సీజియం లోహం వనివ్రమేయం $2.14eV$. ఈ లోహ ఉపరితలం పైన $6 \times 10^{14} \text{ Hz}$ పొనఃపున్యం గల కాంతి పతనం చెందినప్పుడు ఎలక్ట్రానుల ఫోటో ఉద్గారం సంభవిస్తుంది అయితే,
 ఎ) ఉద్గారిత ఎలక్ట్రానుల గరిష్ఠ గతిజశక్తి ఎంత? బి) నిరోధక పొటెన్షియల్ ఎంత?
 సి) ఉద్గారిత ఫోటో ఎలక్ట్రానుల గరిష్ఠ వడి ఎంత?

జ: ఎ) గరిష్ఠ గతిజశక్తి $= hv - \phi_0 = \frac{6.63 \times 10^{-34} \times 6 \times 10^{14}}{1.6 \times 10^{-19}} - 2.14 = 0.346eV$
 $= 0.35eV$

బి) $eV_0 =$ గరిష్ఠ గతిజశక్తి $0.35eV$ లేక $V_0 = 0.35V$

సి) $\frac{1}{2} m v_{\max}^2 = 0.346eV = 0.346 \times 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$

లేక $v_{\max} = \left[\frac{0.346 \times 1.6 \times 10^{-19} \times 2}{9.1 \times 10^{-31}} \right]^{1/2} = 3.488 \times 10^5 \text{ m/s}$
 $= 3.488 \text{ Km/s} = 349 \text{ Kms}^{-1}$

3. ఒకానొక ప్రయోగంలో ఫోటోవిద్యుత్ కటాప్ వోల్టేజి $1.5V$. ఉద్గారిత ఎలక్ట్రానుల గరిష్ఠ గతిజశక్తి ఎంత?

జ: గరిష్ఠ గతిజశక్తి $eV_0 = e \times 1.5V = 1.5eV$

4. ఒక హీలియం-నియాన్ లేజరు తరంగదైర్ఘ్యం $632.8nm$ గల ఏకవర్ణ కాంతిని ఉత్పత్తి చేస్తుంది. ఉద్గారమైన సామర్థ్యం $9.42mW$

ఎ) ఆ కాంతి పుంజంలోని ఒక్కొక్క ఫోటాను శక్తి, ద్రవ్యవేగాలను కనుక్కోండి

బి) ఈ పుంజం ఉద్యోతనం చేసే లక్ష్యం వద్దకు సెకనుకు సగటున ఎన్ని ఫోటానులు చేరుకొంటాయి? (ఈ పుంజానికి, లక్ష్యం వైశాల్యం కంటే తక్కువైన ఏకరీతి మధ్యచ్ఛేద వైశాల్యం ఉంటుందని అనుకోండి)

సి) ఇందులోని ఫోటానుకు ఉన్న ద్రవ్యవేగానికి సమాన ద్రవ్యవేగం ఉండాలంటే ఒక హైడ్రోజన్ పరమాణువు ఎంత వడితో ప్రయాణించవలసి ఉంటుంది?

జ: ఎ) $E = \frac{hc}{\lambda} = \frac{(6.63 \times 10^{-34}) \times (3 \times 10^8)}{632.8 \times 10^{-9}} = 3.14 \times 10^{-19} \text{ J}$

$p = \frac{h}{\lambda} = \frac{6.63 \times 10^{-34}}{632.8 \times 10^{-9}} = 1.05 \times 10^{-27} \text{ kg ms}^{-1}$

బి) $N = \frac{P}{E} = \frac{9.42 \times 10^{-3}}{3.14 \times 10^{-19}} = 3 \times 10^{16}$ ఫోటాన్లు/సెకను

సి) $V = \frac{p}{m} = \frac{1.05 \times 10^{-27}}{1.66 \times 10^{-27}} = 0.63 \text{ ms}^{-1}$

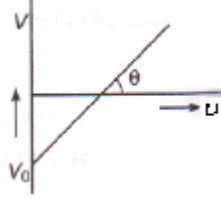
5. భూఉపరితలాన్ని చేరుకొనే సూర్యుని శక్తి అభివాహం $1.388 \times 10^3 W/m^2$. అప్పుడు భూమి పైన ఒక సెకనుకు, ఒక చదరపు మీటరుకు (దాదాపు) ఎన్ని ఫోటాన్లు పతనమవుతాయి? సూర్యకాంతిని ఫోటాన్లకు $550nm$ ల నగటు తరంగదైర్ఘ్యం ఉంటుందని అనుకోండి.

జ:
$$P = \frac{P}{E} = \frac{P}{\left(\frac{hc}{\lambda}\right)} = \frac{P\lambda}{hc} = \frac{(1.388 \times 10^3) \times (550 \times 10^{-9})}{(6.63 \times 10^{-34}) \times (3 \times 10^8)}$$

$$= 3.84 \times 10^{21} \text{ ఫోటాన్లు/మీ}^2\text{-సె.}$$

6. ఫోటో విద్యుత్ ఫలితం పైన జరిపిన ఒక ప్రయోగంలో కటాఫ్ వోల్టేజి-పతన కాంతి పొసాపున్యాలకు చెందిన గ్రాఫు వాలు $4.12 \times 10^{-15} V_s$ ఉందని కనుక్కోన్నారు. ప్లాంక్ స్థిరాంకం విలువను గణించండి.

జ:



గ్రాఫ్ వాలు $\frac{h}{e} = 4.12 \times 10^{-15} V_s$

$$h = 4.12 \times 10^{-15} \times e = 4.12 \times 10^{-15} \times 1.6 \times 10^{-19}$$

$$\therefore h = 6.592 \times 10^{-34} J_s$$

7. ఒక $100W$ సోడియం దీపం ఏకరీతిగా అన్ని దిశల్లోనూ శక్తిని వికిరణ చేస్తుంది. ఈ దీపం ఒక పెద్ద గోళ కేంద్రం వద్ద ఉండగా, తనపైన పతనం చెందే సోడియం కాంతిని అంతా ఈ గోళం శోషించుకొంటుంది. సోడియం కాంతి తరంగదైర్ఘ్యం $589nm$

ఎ) సోడియం కాంతితో అనుబంధితమై ఉండే ఒక్కో ఫోటాను శక్తి ఎంత?

బి) ఆ గోళానికి ఏ రేటుతో ఫోటాన్లు అందించబడతాయి?

జ: ఎ)
$$E = \frac{hc}{\lambda} = \frac{(6.63 \times 10^{-34}) \times (3 \times 10^8)}{589 \times 10^{-9}} = 3.38 \times 10^{-19} J$$

బి)
$$N = \frac{P}{E} = \frac{100}{3.38 \times 10^{-19}} = 3.0 \times 10^{20} \text{ ఫోటాన్లు/సెకను}$$

8. ఒకానొక లోహానికి ఆరంభ పొసాపున్యం $3.3 \times 10^{14} Hz$. ఆ లోహం పైన $8.2 \times 10^{14} Hz$ పొసాపున్యం గల కాంతి పతనం చెందిందనుకొంటే ఏర్పడే ఫోటో విద్యుత్ ఉద్గారానికి కటాఫ్ వోల్టేజిని ప్రాగుక్తం చేయండి.

జ:
$$eV_0 = h(\nu - \nu_0) \text{ లేక } V_0 = \frac{h(\nu - \nu_0)}{e} = \frac{6.62 \times 10^{-34}}{1.6 \times 10^{-19}} = 8.2 \times 10 - 3.3 \times 10^{14}$$

$$= 202.74V$$

9. ఒక లోహానికి పనిప్రమేయం $4.2eV$ తరంగదైర్ఘ్యం $330nm$ గల పతన వికిరణానికి ఈ లోహం ఫోటో విద్యుత్ ఉద్గారాన్ని ఇస్తుందా?

జ:
$$\phi_0 = 4.2eV = 4.2 \times 1.6 \times 10^{-19} J = 6.72 \times 10^{-19} J$$

$$E = \frac{hc}{\lambda} = \frac{6.62 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{330 \times 10^{-9}} = 6.018 \times 10^{-19} J$$

ఫోటాన్ పతన శక్తి $E < \phi_0$. కావున ఎలక్ట్రాన్ కాంతి ఉద్గారము సంభవించదు.

10. పొనావన్యం $7.21 \times 10^{14} \text{ Hz}$ గల కాంతి ఒక లోహ ఉపరితలం పైన వతనవైంది. ఆ తలం పై నుంచి $6.0 \times 10^5 \text{ m/s}$ ల గరిష్ఠ వడితో ఎలక్ట్రానులు బయటకు వెలువడ్డాయి. ఫోటో ఉద్గారానికి ఉండే ఆరంభ పొనావన్యం ఎంత?

జ: $\frac{1}{2}mv^2 = hv - hv_0$ లేక $v_0 = v - \frac{mv^2}{2h} = 7.21 \times 10^{14} - \frac{(9.1 \times 10^{-31}) \times (6 \times 10^5)^2}{2 \times (6.63 \times 10^{-34})}$
 $= 4.74 \times 10^{14} \text{ Hz}$

11. ఫోటో విద్యుత్ ఫలితంలో ఉపయోగించిన ఒక అర్గాన్ లేజరు ఉత్పత్తి చేసే కాంతి తరంగదైర్ఘ్యం 488 nm . ఈ వర్ణపట రేఖ నుంచి కాంతి ఉద్గారకం పైన వతనమైనప్పుడు, ఫోటో ఎలక్ట్రానుల నిరోధక (కటాఫ్) పొటెన్షియల్ 0.38 V . అయితే ఆ ఉద్గారకపు పదార్థం పని ప్రమేయాన్ని కనుక్కోండి.

జ: $eV_0 = \frac{hc}{\lambda} - \phi_0$ లేక $\phi_0 = \frac{hc}{\lambda} - eV_e$
 $= \frac{(6.63 \times 10^{-34}) \times (3 \times 10^8)}{(488 \times 10^{-9}) \times (1.6 \times 10^{-19})} = 0.88 = 2.17 \text{ eV}$

12. పొటెన్షియల్ తేడా 56 V ల ద్వారా త్వరితమయ్యే ఎలక్ట్రానుల
 ఎ) ద్రవ్యవేగాన్ని
 బి) డి బ్రాయ్ తరంగదైర్ఘ్యాన్ని గణించండి.

జ: $eV = \frac{1}{2}mv^2$ లేక $mv = \sqrt{2eVm}$
 ఎలక్ట్రాన్ ద్రవ్యవేగం $mv = \sqrt{2 \times (1.6 \times 10^{-19}) \times 56 \times 9 \times 10^{-31}} = 4.02 \times 10^{-24} \text{ Kgms}^{-1}$
 బి) $\lambda = \frac{12.27}{\sqrt{V}} \text{ \AA} = 1.64 \text{ \AA}$

13. గతిజశక్తి 120 eV తో ఉన్న ఒక ఎలక్ట్రాన్ కు ఉండే
 ఎ) ద్రవ్యవేగం బి) వడి సి) డి బ్రాయ్ తరంగదైర్ఘ్యం ఎంతెంత?

జ: $P = \sqrt{2mE} = \sqrt{2 \times (9 \times 10^{-31}) \times (120 \times 1.6 \times 10^{-19})} = 5.88 \times 10^{-24} \text{ kgms}^{-1}$
 $v = \sqrt{\frac{2E}{m}} = \sqrt{\frac{2 \times (120 \times 1.6 \times 10^{-19})}{9 \times 10^{-31}}} = 6.53 \times 10^6 \text{ ms}^{-1}$
 $\lambda = \frac{h}{mv} = \frac{6.63 \times 10^{-34}}{5.88 \times 10^{-24}} = 1.13 \times 10^{-10} \text{ m} = 1.13 \text{ \AA}$

14. సోడియం వర్ణపట ఉద్గార రేఖ నుంచి వెలువడే కాంతి తరంగదైర్ఘ్యం 589 nm . అయితే ఏ గతిజశక్తి వద్ద ఎ) ఒక ఎలక్ట్రాను,
 బి) ఒక న్యూట్రానులకు ఒకే డి బ్రాయ్ తరంగదైర్ఘ్యం ఉంటుందో. కనుక్కోండి.

జ: $\lambda = \frac{h}{\sqrt{2Em}}$ లేక $E = \frac{h^2}{2\lambda^2 m}$
 ఎ) ఎలక్ట్రాన్ కు, $E = \frac{(6.63 \times 10^{-34})^2}{2 \times (589 \times 10^{-9})^2 \times 9 \times 10^{-31}}$
 $= 7.03 \times 10^{-25} \text{ J}$
 బి) న్యూట్రాను కు, $E = \frac{(6.63 \times 10^{-34})^2}{2 \times (589 \times 10^{-9})^2 \times 1.66 \times 10^{-27}}$
 $= 3.8 \times 10^{-28} \text{ J}$

15. ఎ) ద్రవ్యరాశి 0.040kg గల ఒక తూటా 1.0km/s వడితో ప్రయాణిస్తున్నప్పుడు,
 బి) ద్రవ్యరాశి 0.060kg గల ఒక బంతి 1.0m/s వడితో చలిస్తున్నప్పుడు,
 సి) ద్రవ్యరాశి $1.0 \times 10^{-9}\text{kg}$ ద్రవ్యరాశి గల ధూళి కణం 2.2m/s వడితో అవసరం చెందుతున్నప్పుడు వాటికి ఉండే డి బ్రోయ్ తరంగదైర్ఘ్యం ఎంతెంత?

జ: ఎ) $\lambda = \frac{h}{mV} = \frac{6.63 \times 10^{-34}}{(0.040) \times (1.0 \times 10^3)} = 1.66 \times 10^{-35} = 1.7 \times 10^{-35} \text{m}$

బి) $\lambda = \frac{6.63 \times 10^{-34}}{(0.060) \times 1.0} = 1.1 \times 10^{-32} \text{m}$

సి) $\lambda = \frac{6.63 \times 10^{-34}}{(1.0 \times 10^{-9}) \times 2.2} = 3.0 \times 10^{-25} \text{m}$

16. ఒక ఎలక్ట్రాను, ఒక ఫోటాను ఒక్కొక్కదానికి ఉన్న తరంగదైర్ఘ్యం 1.00nm అయితే,
 ఎ) వాటి ద్రవ్యవేగాలు, బి) ఫోటాను శక్తి, సి) ఎలక్ట్రాను గతిజశక్తులను కనుక్కోండి.

జ: ఎ) ఎలక్ట్రాన్ లేక ఫోటాన్ ద్రవ్యవేగము

ఎలక్ట్రాన్ ద్రవ్యవేగం $P = \frac{h}{\lambda} = \frac{6.63 \times 10^{-34}}{10^{-9}} = 6.63 \times 10^{-25} \text{m}$

ఫోటాను శక్తి $E = \frac{hc}{\lambda} = \frac{(6.63 \times 10^{-34}) \times (3 \times 10^8)}{10^{-9} \times (1.6 \times 10^{-19})} = 1243 \text{eV}$

ఎలక్ట్రాను గతిజ శక్తి $E_K = \frac{P^2}{2m} = \frac{(6.63 \times 10^{-25})^2}{2 \times 9 \times 10^{-31} \times (1.6 \times 10^{-19})} = 1.52 \text{eV}$

17. ఎ) ఒక న్యూట్రానుకు ఎంత గతిజశక్తి ఉంటే దాని అనుబంధిత డి బ్రాయి తరంగదైర్ఘ్యం $1.40 \times 10^{-10} \text{m}$ ఉంటుంది?
 బి) 300K వద్ద సగటు గతిజశక్తి $(3/2)kT$ కలిగి ఉండి, ద్రవ్యంతో ఉష్ణ సమతాస్థితిలో ఉన్న ఒక న్యూట్రాన్ డి బ్రాయి తరంగదైర్ఘ్యాన్ని కూడా కనుక్కోండి.

జ: $h = 6.63 \times 10^{-34} \text{J-s}$, $m_n = 1.675 \times 10^{-27} \text{kg}$, $K = 1.38 \times 10^{-23} \text{JK}^{-1}$

ఎ) $\lambda = \frac{h}{\sqrt{2mE}}$ లేక $E = \frac{h^2}{2\lambda^2 m} = \frac{(6.63 \times 10^{-34})^2}{2 \times (1.4 \times 10^{-10})^2 \times (1.675 \times 10^{-27})}$
 $= 6.63 \times 10^{-34} \text{J}$

బి) $E = \frac{3}{2}KT = \frac{3}{2} \times (1.38 \times 10^{-23}) \times 300 = 6.21 \times 10^{-21} \text{J}$

$\lambda = \frac{h}{\sqrt{2Em}} = \frac{6.63 \times 10^{-34}}{\sqrt{2 \times 6.2 \times 10^{-21} \times 1.675 \times 10^{-27}}}$
 $= 1.45 \times 10^{-10} \text{m}$

18. విద్యుదయస్కాంత వికిరణం తరంగదైర్ఘ్యం దాని (ఫోటాను) కు ఉండే డి బ్రోయ్ తరంగదైర్ఘ్యానికి సమానం అని చూపండి?

జ: ఫోటాన్ ద్రవ్యవేగం $p = \frac{h\nu}{c} = \frac{h}{\lambda}$

$$\text{ఫోటాన్ డీబ్రోగ్లీ తరంగదైర్ఘ్యం } \lambda = \frac{h}{mv} = \frac{h}{p}$$

విద్యుదయస్కాంత వికిరణం తరంగదైర్ఘ్యం డీబ్రోగ్లీ తరంగదైర్ఘ్యం

19. $300K$ వద్ద గాలిలోని ఒక నైట్రోజన్ అణువుకు డి బ్రాయి తరంగదైర్ఘ్యం ఎంత? ఈ ఉష్ణోగ్రత వద్ద అణువులకు ఉండే వర్గమధ్యమ మూల (rms) వడితో ఈ అణువు చలిస్తున్నదని అనుకోండి. (నైట్రోజన్ పరమాణు ద్రవ్యరాశి $=14.0076u$)

జ: అణువు గతిజశక్తి $= \frac{1}{2}mc^2 = \frac{3}{2}KT$ లేక $c = \sqrt{\frac{3KT}{m}}$

$$m = 2 \times 14.0076u = 28.152u$$

$$\lambda = \frac{h}{mc} = \frac{h}{\sqrt{3mKT}} = \frac{6.63 \times 10^{-34}}{3 \times (28.0152 \times 1.65 \times 10^{-27}) \times (1.38 \times 10^{23}) \times 300}$$

$$= 0.275 \times 10^{-10} m$$

www.sakshieducation.com